

Exercice 1

$$1) \quad g(0)=1 \quad f(x)=\frac{1}{2}x$$

$$2) \quad f(2)=\frac{1}{2} \times 2$$

$$f(2)=1$$

on a $f(x)=\frac{1}{2}x$ et $f(x)=-1$

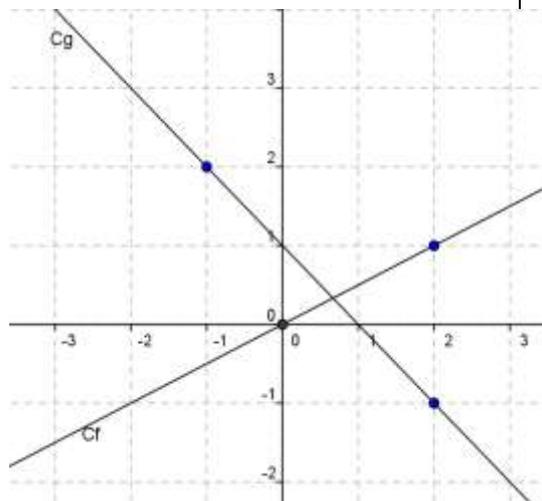
$$\frac{1}{2}x = -1$$

Donc $x = -2$

4) graphiquement $g(0)=1$

5) graphiquement le nombre dont l'image est 0 par g est 1

3)



6) soit a le coefficient de la fonction de g

$$a = \frac{g(2) - g(-1)}{2 - (-1)} = \frac{-1 - 2}{3} = \frac{-3}{3} = -1$$

Donc g peut s'écrire sous la forme de $g(x) = -x + b$

On a $g(2) = -2 + b$ et $g(2) = -1$

D'où $-2 + b = -1$

Donc $b = -1 + 2 = 1$

D'où $g(x) = -x + 1$

7) Résolvons l'équation

$$g(x) = f(x)$$

$$-x + 1 = \frac{1}{2}x$$

$$-2x + 2 = x$$

$$-2x - x = -2$$

$$-3x = -2$$

$$x = \frac{-2}{-3} = \frac{2}{3}$$

$\frac{2}{3}$ est la solution de cette équation

8) Résolvons l'inéquation :

$$g(x) \leq f(x)$$

$$-x + 1 \leq \frac{1}{2}x$$

$$-2x + 2 \leq x$$

$$-2x - x \leq -2$$

$$-3x \leq -2$$

$$3x \geq 2$$

$$x \geq \frac{2}{3}$$

tous les nombres réels supérieurs ou

égaux à $\frac{2}{3}$ sont des solutions de

l'inéquation

9) a) Montrons que $x^2 - 2x - 3 = (g(x))^2 - 4$

$$\begin{aligned} x^2 - 2x - 3 &= x^2 - 2x + 1 - 4 \\ &= (x-1)^2 - 4 \\ &= (1-x)^2 - 4 \\ &= (g(x))^2 - 4 \end{aligned}$$

b) On déduit les solutions de l'équation $x^2 - 2x - 3 = 0$

On a $x^2 - 2x - 3 = (g(x))^2 - 4$

$$x^2 - 2x - 3 = 0$$

$$(x-1)^2 - 4 = 0$$

$$(x-1+2)(x-1-2) = 0$$

$$(x+1)(x-3) = 0$$

$$x+1=0 \quad \text{ou} \quad x-3=0$$

$$x=-1 \quad \text{ou} \quad x=3$$

-1 et 3 sont les solutions de l'équation

Exercice

On $A(2, -1)$, $B(1, 3)$ et $C(4, 0)$

1) $E(x_E, y_E)$ Milieu de $[BC]$

Signifie $x_E = \frac{x_B + x_C}{2}$ et $y_E = \frac{y_B + y_C}{2}$

$$x_E = \frac{1+4}{2} \quad \text{et} \quad y_E = \frac{3+0}{2}$$

$$x_E = \frac{5}{2} \quad \text{et} \quad y_E = \frac{3}{2}$$

$$E\left(\frac{5}{2}, \frac{3}{2}\right)$$

2) On a $BC = \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2}$

$$BC = \sqrt{(4-1)^2 + (0-3)^2}$$

$$BC = \sqrt{(3)^2 + (3)^2}$$

$$BC = \sqrt{9+9} = \sqrt{18}$$

$$BC = 3\sqrt{2}$$

3) (D) a pour coefficient directeur 1

Donc l'équation de (D) s'écrit sous forme $y = x + p$

Et puisque (D) passe par A

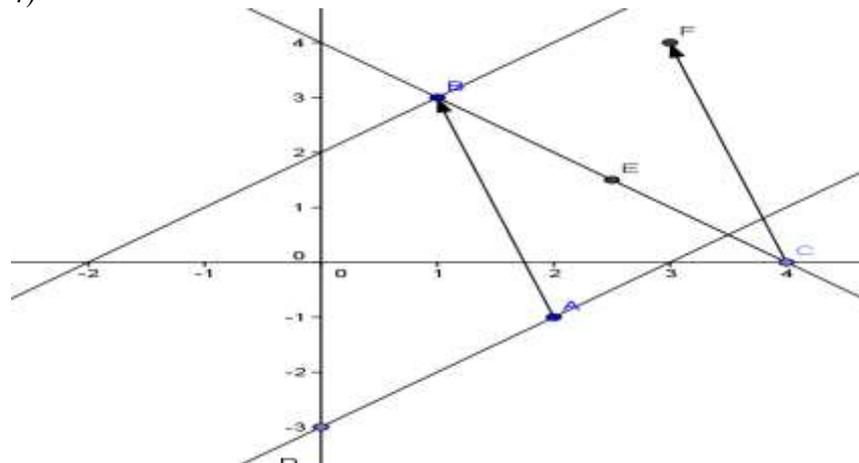
$$\text{Donc } y_A = x_A + p$$

$$p = y_A - x_A$$

$$p = -1 - 2 = -3$$

Donc $y = x - 3$ est l'équation de la droite

4)



5) $\overrightarrow{AB}(x_B - x_A ; y_B - y_A)$

$$\overrightarrow{AB}(1 - 2 ; 3 - (-1))$$

$$\overrightarrow{AB}(-1 ; 4)$$

6) on considère T la translation de vecteur \overrightarrow{AB} F est l'image de C par T signifie $\overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AB}$

On a $\overrightarrow{CF}(x_F - x_C ; y_F - y_C)$

$$\overrightarrow{CF}(x_F - 4 ; y_F - 0)$$

$$\overrightarrow{CF}(x_F - 4 ; y_F - 0)$$

$$\overrightarrow{CF}(x_F - 4 ; y_F)$$

$$x_F - 4 = -1 \quad \text{et} \quad y_F = 4$$

$$x_F = -1 + 4 = 3 \quad \text{et} \quad y_F = 4$$

Donc $F(3 ; 4)$

7) (Δ) est l'image de (D) par T

Donc (Δ) est parallèle à (D) et passe par l'image de A par T

Et puisque B est l'image de A par alors (Δ) passe par B

8) soit m la pente de (BC)

$$m = \frac{y_C - y_B}{x_C - x_B} = \frac{0 - 3}{4 - 1} = \frac{-3}{3} = -1$$

Donc l'équation de la droite (BC) s'écrit $y = -x + p$

On a $C \in (BC)$ donc $y_C = -x_C + p$

$$0 = -4 + p$$

$$p = 4$$

Donc l'équation de (BC) est $y = -x + 4$

8) on a $m_{(D)} = 1$ et $m_{(BC)} = -1$

$$\text{Donc } m_{(D)} \times m_{(BC)} = 1 \times (-1) = -1$$

alors $(D) \perp (BC)$

Et puisque $(D) // (\Delta)$ donc $(\Delta) \perp (BC)$

$B \in (BC)$ et $B \in (\Delta)$

Alors B est le projeté orthogonal de C sur (Δ)